

**Probabilidade** (espaço amostral  $S$ , eventos  $A, B, \dots$ ):  $\mathbb{P}(A) \geq 0$ ;  $\mathbb{P}(S) = 1$ ;  $\mathbb{P}(\cup_i A_i) = \sum_i \mathbb{P}(A_i)$  para eventos  $A_i$  disjuntos. **Probabilidade condicional**:  $\mathbb{P}(A|B) = \mathbb{P}(A \cap B) / \mathbb{P}(B)$ . Temos:  $\mathbb{P}(A) = \sum_i \mathbb{P}(A|B_i) \mathbb{P}(B_i)$  se  $\{B_i\}$  formam uma partição de  $S$ . Eventos  $A_1, \dots, A_n$  são **independentes** se  $\mathbb{P}(A_{i_1} \cap \dots \cap A_{i_k}) = \mathbb{P}(A_{i_1}) \times \dots \times \mathbb{P}(A_{i_k})$  para qualquer escolha de  $i_1, \dots, i_k$ .

Número de possíveis escolhas ordenadas de  $k$  elementos entre  $n$  elementos:  $n! / (n - k)!$ . Número de possíveis escolhas não-ordenadas de  $k$  elementos entre  $n$  elementos (combinações):  $n! / (k!(n - k)!) = \binom{n}{k}$ .

**Variável aleatória**: função de  $S$  para números reais. Variável aleatória  $X$  pode ser discreta (por exemplo, valores são números inteiros); nesse caso sua distribuição é caracterizada pela função  $\mathbb{P}(X = x)$  para todo valor  $x$  de  $X$  e sua esperança é  $\mathbb{E}[X] = \sum_i x_i \mathbb{P}(X = x_i)$ . Variável aleatória pode ser contínua (por exemplo, valores formam intervalo dos reais); nesse caso sua distribuição é caracterizada pela densidade  $f_X(x)$ , definida como a derivada de  $F_X(x)$ , onde  $F_X(x) = \mathbb{P}(X \leq x)$  é a função de distribuição cumulativa de  $X$  ( $F_X(x)$  é não-decrescente, tende a 0 para  $x \rightarrow -\infty$ , e tende a 1 para  $x \rightarrow \infty$ ). Portanto  $f_X(x) = d\mathbb{P}(X \leq x) / dx$  e  $\mathbb{P}(\alpha \leq X \leq \beta) = \int_{\alpha}^{\beta} f_X(x) dx$ . A esperança de variável aleatória contínua  $X$  é  $\mathbb{E}[X] = \int x f_X(x) dx$ . A variância de uma variável aleatória  $X$  qualquer é  $V[X] = \mathbb{E}[(X - \mathbb{E}[X])^2] = \mathbb{E}[X^2] - \mathbb{E}[X]^2$ ; o momento de ordem  $k$  de  $X$  é  $\mathbb{E}[X^k]$ . Se  $h(X)$  é uma função de variável aleatória  $X$ , então  $\mathbb{E}[h(X)] = \sum_i h(x_i) \mathbb{P}(X = x_i)$  se  $X$  é discreta, e  $\mathbb{E}[h(X)] = \int h(x) f_X(x) dx$  se  $X$  é contínua.

**Binomial** ( $n$  ensaios,  $p$  probabilidade de sucesso):  $\mathbb{P}(X = x) = \binom{n}{x} p^x (1 - p)^{n-x}$ , e  $\mathbb{E}[X] = np$ ,  $V[X] = np(1 - p)$ .

**Geométrica** ( $p$  probabilidade de sucesso):  $\mathbb{P}(X = x) = p(1 - p)^x$ , e  $\mathbb{E}[X] = (1 - p) / p$ ,  $V[X] = (1 - p) / p^2$ .

**Poisson** (parâmetro  $\lambda$ ):  $\mathbb{P}(X = x) = e^{-\lambda} \lambda^x / x!$ , e  $\mathbb{E}[X] = V[X] = \lambda$ .

**Normal**  $N(\mu, \sigma^2)$ :  $f_X(x) = (1 / \sqrt{2\pi\sigma^2}) \exp(-(x - \mu)^2 / (2\sigma^2))$ , e  $\mathbb{E}[X] = \mu$ ,  $V[X] = \sigma^2$ . Se  $X$  é  $N(\mu, \sigma^2)$  e  $Y = aX + b$  com  $a \neq 0$ , então  $Y$  é  $N(a\mu + b, (a\sigma)^2)$ . Se  $X$  é  $N(\mu_1, \sigma_1^2)$  e  $Y$  é  $N(\mu_2, \sigma_2^2)$ , e  $X$  e  $Y$  são independentes, então  $W = X + Y$  é  $N(\mu_1 + \mu_2, \sigma_1^2 + \sigma_2^2)$  e  $Z = X - Y$  é  $N(\mu_1 - \mu_2, \sigma_1^2 + \sigma_2^2)$ .

**Exponencial** (parâmetro  $\lambda$ ):  $f_X(x) = \lambda \exp(-\lambda x)$ , e  $\mathbb{E}[X] = 1 / \lambda$ ,  $V[X] = 1 / \lambda^2$ .

Distribuição Normal P(0 ≤ Z < z0)										
z0	0,00	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0,0	0,0000	0,0040	0,0080	0,0120	0,0160	0,0199	0,0239	0,0279	0,0319	0,0359
0,1	0,0398	0,0438	0,0478	0,0517	0,0557	0,0596	0,0636	0,0675	0,0714	0,0753
0,2	0,0793	0,0832	0,0871	0,0910	0,0948	0,0987	0,1026	0,1064	0,1103	0,1141
0,3	0,1179	0,1217	0,1255	0,1293	0,1331	0,1368	0,1406	0,1443	0,1480	0,1517
0,4	0,1554	0,1591	0,1628	0,1664	0,1700	0,1736	0,1772	0,1808	0,1844	0,1879
0,5	0,1915	0,1950	0,1985	0,2019	0,2054	0,2088	0,2123	0,2157	0,2190	0,2224
0,6	0,2257	0,2291	0,2324	0,2357	0,2389	0,2422	0,2454	0,2486	0,2517	0,2549
0,7	0,2580	0,2611	0,2642	0,2673	0,2704	0,2734	0,2764	0,2794	0,2823	0,2852
0,8	0,2881	0,2910	0,2939	0,2967	0,2995	0,3023	0,3051	0,3078	0,3106	0,3133
0,9	0,3159	0,3186	0,3212	0,3238	0,3264	0,3289	0,3315	0,3340	0,3365	0,3389
1,0	0,3413	0,3438	0,3461	0,3485	0,3508	0,3531	0,3554	0,3577	0,3599	0,3621
1,1	0,3643	0,3665	0,3686	0,3708	0,3729	0,3749	0,3770	0,3790	0,3810	0,3830
1,2	0,3849	0,3869	0,3888	0,3907	0,3925	0,3944	0,3962	0,3980	0,3997	0,4015
1,3	0,4032	0,4049	0,4066	0,4082	0,4099	0,4115	0,4131	0,4147	0,4162	0,4177
1,4	0,4192	0,4207	0,4222	0,4236	0,4251	0,4265	0,4279	0,4292	0,4306	0,4319
1,5	0,4332	0,4345	0,4357	0,4370	0,4382	0,4394	0,4406	0,4418	0,4429	0,4441
1,6	0,4452	0,4463	0,4474	0,4484	0,4495	0,4505	0,4515	0,4525	0,4535	0,4545
1,7	0,4554	0,4564	0,4573	0,4582	0,4591	0,4599	0,4608	0,4616	0,4625	0,4633
1,8	0,4641	0,4649	0,4656	0,4664	0,4671	0,4678	0,4686	0,4693	0,4699	0,4706
1,9	0,4713	0,4719	0,4726	0,4732	0,4738	0,4744	0,4750	0,4756	0,4761	0,4767
2,0	0,4772	0,4778	0,4783	0,4788	0,4793	0,4798	0,4803	0,4808	0,4812	0,4817
2,1	0,4821	0,4826	0,4830	0,4834	0,4838	0,4842	0,4846	0,4850	0,4854	0,4857
2,2	0,4861	0,4864	0,4868	0,4871	0,4875	0,4878	0,4881	0,4884	0,4887	0,4890
2,3	0,4893	0,4896	0,4898	0,4901	0,4904	0,4906	0,4909	0,4911	0,4913	0,4916
2,4	0,4918	0,4920	0,4922	0,4925	0,4927	0,4929	0,4931	0,4932	0,4934	0,4936
2,5	0,4938	0,4940	0,4941	0,4943	0,4945	0,4946	0,4948	0,4949	0,4951	0,4952
2,6	0,4953	0,4955	0,4956	0,4957	0,4959	0,4960	0,4961	0,4962	0,4963	0,4964
2,7	0,4965	0,4966	0,4967	0,4968	0,4969	0,4970	0,4971	0,4972	0,4973	0,4974
2,8	0,4974	0,4975	0,4976	0,4977	0,4977	0,4978	0,4979	0,4979	0,4980	0,4981
2,9	0,4981	0,4982	0,4982	0,4983	0,4984	0,4984	0,4985	0,4985	0,4986	0,4986
3,0	0,4987	0,4987	0,4987	0,4988	0,4988	0,4989	0,4989	0,4989	0,4990	0,4990