



NOME : gabrito

NUSP:

				3	1	4
				a	b	c

ESCOLA POLITECNICA DA UNIVERSIDADE DE SÃO PAULO

a b c

Probabilidade

2015

$\max(a, b, c) + 3 = \alpha = 7$ $a+b+c-\alpha-\gamma+6 = \beta = 5$ $\min(a, b, c) + 1 = \gamma = 2$

1) Um sistema de segurança tem $\alpha = 7$ componentes idênticos. Cada componente tem probabilidade $p = \gamma/\alpha = 0.29$ de falhar em menos de $500 \beta = 2500$ horas. O sistema opera se pelo menos $\gamma = 2$ dos α componentes operarem. Considere que cada componente opera de forma independente dos demais. $Y = \{X \text{ componentes operam}\}$

Determine a probabilidade de: $P(Y=gama) = COMBIN(alfa:gama)*p^{\alpha}*(1-p)^{(alfa-gama)}$

a) Exatamente γ componentes dos α operarem pelo menos 500β horas. $P(Y=gama) = 0.3187$

b) O sistema operar mais que 500β horas. $P(Y=gama)+P(Y=gama-1)+P(Y=gama-2)+...+P(Y=1)+P(Y=0) = 0.6792$

$g =$	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
$P(Y=g) =$	0.00E+00	0.00E+00	0.00E+00	0.00E+00	0.00E+00	0.00E+00	0.00E+00	0.00E+00	2.66E-01	9.49E-02

2) Numa população $100 - \alpha/8 = 99.13$ % das pessoas não tem a doença δ . $B = \{\text{não tem } \delta\}; B' = \{\text{tem } \delta\}$

O exame ϵ (para δ) dá positivo em $100 - 2\beta = 90.00$ % das pessoas com δ e $P(B) = 0.009$ $P(B') = 0.991$

e positivo para $\gamma = 4.00$ % das pessoas sem δ . $A = \{\text{positivo}\}; A' = \{\text{não positivo}\}$ $P(A|B) = 0.900$ $P(A'|B) = 0.040$

Dado que uma pessoa tem um resultado positivo no teste ϵ qual a probabilidade dela ter de fato a doença δ ?

$P(A) = [P(A|B)*P(B) + P(A|B')*P(B')] = 0.0475$; $P(AB) = P(A|B)P(B) = 0.0079$ $P(B|A) = P(AB)/P(A) = 0.1657$

3) Um enfeite de natal é construído por $\beta = 5$ lâmpadas em série todas retiradas de um lote no qual a distribuição de probabilidade do evento T {tempo de vida de cada lâmpada em milhares de horas} é:

$$f(t) = \begin{cases} 0,1 & \text{se } 0 < t \leq 8 \\ 0,2 & \text{se } 8 < t \leq 9 \\ 0 & \text{caso contrário} \end{cases}$$

$F(t) = \{0,1t : 0 < t < 8; 0,2t - 0,8 : 8 < t < 9\} \rightarrow P(T > t) = 1 - F(t) = \{1 - 0,1t : 0 < t < 8; 1,8 - 0,2t : 8 < t < 9\}$

$P(\text{b lâmpadas não funcionarem } T > t) = \{1 - (1 - 0,1t)^b : 0 < t < 8; 1 - (1,8 - 0,2t)^b : 8 < t < 9\}$

$P(\text{enfeite não funcionar}) = 0.81$

a) qual a probabilidade de que o enfeite deixe de funcionar com menos de $400 \alpha = 2800$ horas ? $t = 2.8$

4) Chips são produzidos em $l = \beta = 5$ linhas de produção. Os chips são vendidos em lotes de 100 unidades. Os compradores ao adquirirem um lote testam $n = \gamma + 1 = 3$ chips de cada lote.

As l linhas de produção fabricam as mesmas quantidades de chips e com um índice de defeito de 2 % ($p = 0.02$).

Infelizmente, a linha 1 passou a fabricar com índice de defeito de 5% ($m = 0.05$) no mês de março.

Um cliente recebeu um lote produzido em março e testou $n = 3$ chips e um apresentou defeito. $A = \{\text{chip com defeito}\}$

a) Qual a probabilidade de que o lote seja o produzido na linha 1? $B' = \{\text{chip das outras linhas}\} ; P(B') = 0.800$

b) Qual a probabilidade de que o lote seja proveniente de uma das outras ($l - 1$) linhas? $B = \{\text{chip da linha 1}\} ; P(B) = 0.200$

$P(A|B) = combin(n;1)(m)(1-m)^{(n-1)} = 0.135$ $P(A|B') = combin(n;1)(p)(1-p)^{(n-1)} = 0.058$

a) $P(B|A) = P(B)P(A|B) / [P(B)P(A|B) + P(B')P(A|B')] = 0.370$

b) $P(B'|A) = 1 - P(B|A) = 0.630$