

# Bitola Mecânica P2 Auto

## • Estruturas 3D

Seção 1

Seção 2

Seção 3

⊕ P. fixo:



Lembrete 1: Em momentos fletores, deve haver o "lado tracionado" positivo no diagrama (usar regra da mão direita).

## • Trelizas

- ↳ Barregamentos exclusivos nos nós.
- ↳ no plano:  $2 \times n$  equações.
- ↳  $b$  forças normais e  $v$  reações vinculares.
- ↳ treliça isostática:  $2n = b + v$ .

1. Calcular reações de Apoio.
2. Montar "tabela" com reações e normais.
3. fazer corte de Ritter → corte em duas partes que **NÃO** chegam no mesmo nó e analisar equilíbrio.



# Tensões e Deformações

$$\sigma_N = \frac{N}{A} \quad \text{Tensão } [N/m^2] = [Pa]$$

$$\epsilon_N = \frac{\Delta l}{l} \quad \text{Deformação longitudinal}$$

$$\sigma_N = E \cdot \epsilon_N$$

$$\epsilon_T = -\nu \cdot \epsilon_N \quad \text{Deformação transversal } \left[ \frac{\Delta d}{d} < 0 \right]$$

Combinando:

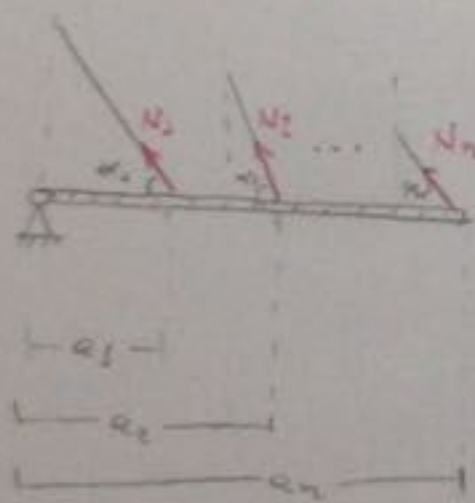
$$\Delta l = \frac{N}{E \cdot A} \cdot l$$

coeficiente de Segurança:  $\bar{\sigma} = \frac{\sigma_{lim}}{S}$  coeficiente de Segurança  $> 1$

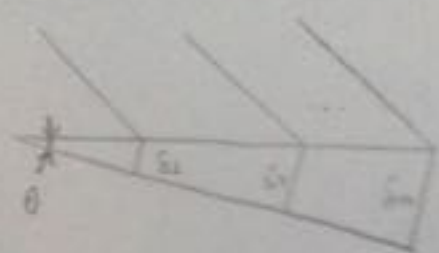
estruturas hiperestáticas: Supor que a geometria da estrutura não se altera. (Linearização)

- VER equilíbrio dos nós.
- VER compatibilidade (Deslocamentos virtuais).

Estruturas Estaiadas (n-1) vezes hiperestáticas.



giro



$$\text{tg} \theta = \frac{\delta_1}{a_1} = \frac{\delta_2}{a_2} = \dots = \frac{\delta_n}{a_n} = \text{cte}$$

analisando:

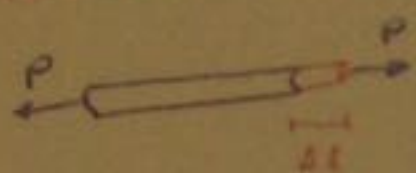
$$\delta_i = \frac{N_i \cdot l_i}{E_i \cdot A_i \cdot \text{sen} \alpha_i}$$

$$\text{tg} \theta = \frac{N_i \cdot l_i}{E_i \cdot A_i \cdot a_i \cdot \text{sen} \alpha_i}$$

lembrando:  $\left\{ \begin{array}{l} n \text{ incógnitas} > n \text{ equações} \rightarrow \text{Williot (linearização)} \\ \theta \approx l \text{ sen} \theta \end{array} \right.$



# Forças Normais em estruturas hiperestáticas



$$\Delta l = \frac{P \cdot l}{E_a \cdot A_a + E_c \cdot A_c}$$

Tubo Composto

impulso

$$E_{eq} = \frac{E_a \cdot A_a + E_c \cdot A_c}{A}$$

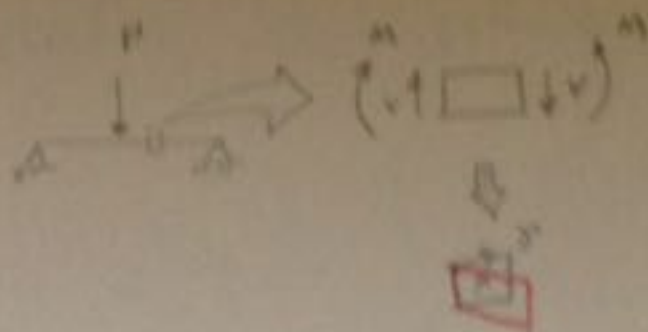
## Torção

$$\tau = \frac{V}{A}$$

$$\tau = G \cdot \gamma$$

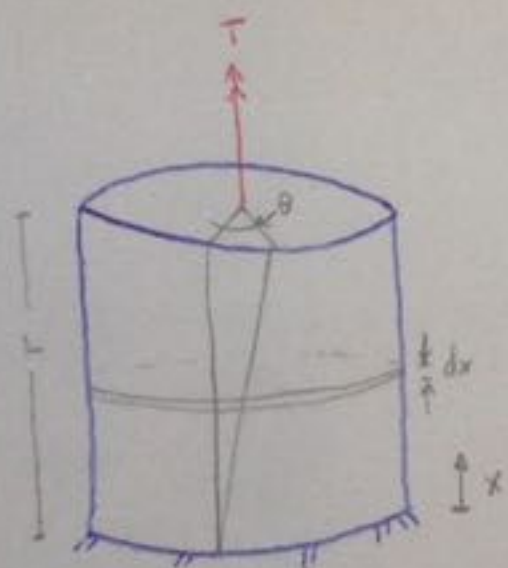
$$G = \frac{E}{2 \cdot (1 + \nu)}$$

módulo de elasticidade transversal



$\gamma$ : Distorsão [rad]

## Torção em Eixos

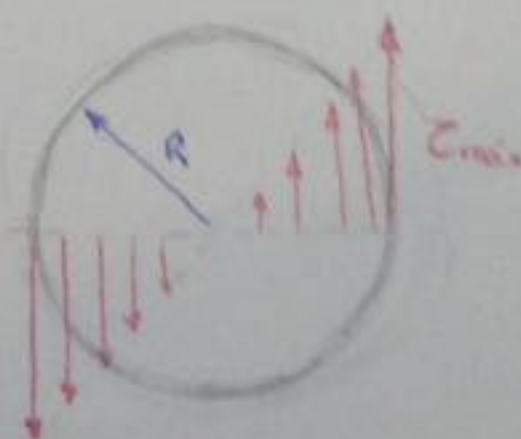


$$\frac{d\theta}{dx} = \varphi$$

se possui comportamento linear

$$\tau = G \cdot \varphi \cdot r$$

coordenada Radial



## Distribuições das tensões de cisalhamento

$$T = \frac{\pi G R^4}{2} \varphi$$

$$\varphi = \frac{2T}{\pi G R^4}$$

então:

$$\tau = \frac{T}{J}$$

obs:

$$\varphi = \frac{T}{G \cdot J}$$

módulo de Rigidez à Torção.

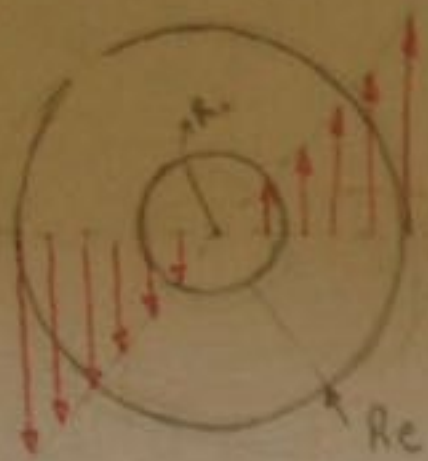


$$\theta = \frac{T \cdot l}{G \cdot J}$$

momento polar de inércia

$$J = \frac{\pi R^4}{2} = \frac{\pi D^4}{32}$$

em eixos vazados:



$$\tau_{\text{máx}} = \frac{T}{J} \cdot R_e$$

$$J = \frac{\pi (R_e^4 - R_i^4)}{2}$$

obs: Ao dimensionar observar tensão máxima e giro máximo e deslocamento  
ideia: ligar os pontos de interesse e ~~ligar~~ girar (primeiro prelonge depois giro)

